### Р. М. Нуреев

## ЭКОНОМИКА РАЗВИТИЯ:

## МОДЕЛИ СТАНОВЛЕНИЯ РЫНОЧНОЙ ЭКОНОМИКИ Лекция 6

## МОДЕЛИ ЭКОНОМИЧЕСКОГО РОСТА И ЛОВУШКИ НЕДОРАЗВИТИЯ



#### Часть 3

Расширение модели Солоу с учетом накопления человеческого капитала

### Модель Г. Мэнкью, Д. Ромера, Д. Уэйла.

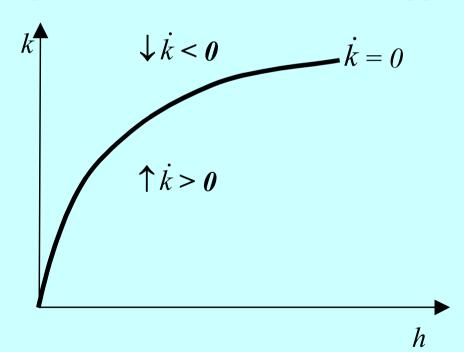
$$Y(t) = K(t)^{\alpha} H(t)^{\beta} [(A(t)L(t)]^{1-\alpha-\beta}$$

$$y = Y/AL, k = K/AL \text{ if } h = H/AL,$$

$$y = k \alpha h \beta$$

$$\alpha + \beta < 1).$$
(26)

Динамика физического капитала (на единицу эффективного труда)



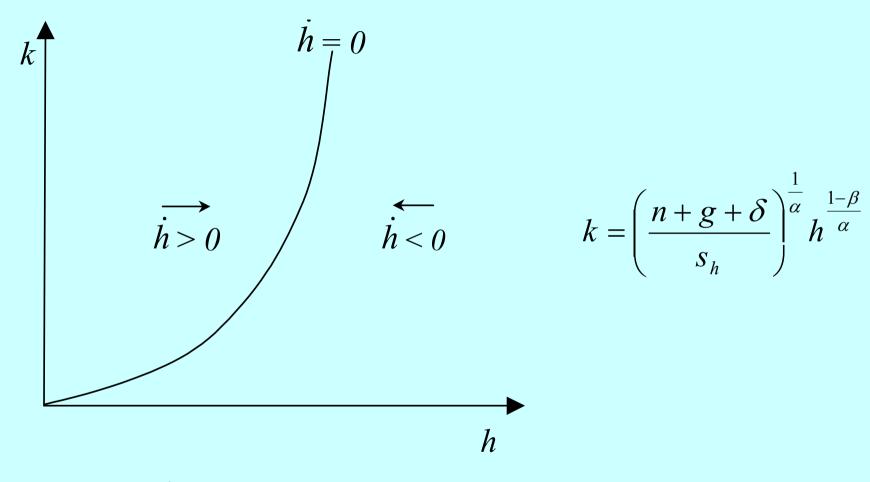
$$(\vec{k}) = s_k y(t) - (n + g + \delta) k(t) \tag{27a}$$

$$(t) = 0$$
 при  $s_k y(t) = (n + g + \delta) k(t)$ .

$$k^{1-\alpha} = \left(\frac{S_k}{n+g+\delta}\right)h^{\beta}$$

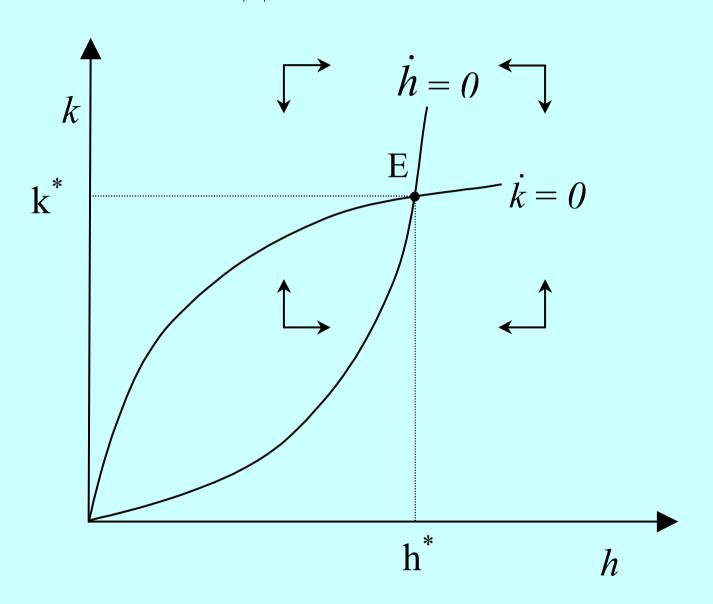
$$k = \left(\frac{S_k}{n+g+\delta}\right)^{\frac{1}{1-\alpha}} h^{\frac{\beta}{1-\alpha}}$$

# Динамика человеческого капитала (на единицу эффективного труда)



$$\dot{h}(t) = s_h y(t) - (n + g + \delta) k(t)$$
 (276)  
 $\dot{h}(t) = 0 \text{ при } s_h y(t) = (n + g + \delta) k(t).$ 

## Динамика к и h.



#### В состоянии устойчивого равновесия

$$\dot{k}(\not=)$$
  $(\dot{h}=0)$ 

$$k^* = \left(\frac{S_k^{1-\beta} S_h^{\beta}}{n+g+\delta}\right)^{\frac{1}{(1-\alpha-\beta)}}$$
(28a)

$$h^* = \left(\frac{s_k^{\alpha} s_h^{1-\alpha}}{n+g+\delta}\right)^{\frac{1}{(1-\alpha-\beta)}}$$
(286)

$$y^* = (k^*)^{\alpha} (h^*)^{\beta}$$
 (29)

Прологарифмируем (29)

$$\ln \frac{Y(t)}{L(t)} = \ln A(0) + gt - \frac{\alpha + \beta}{1 - \alpha - \beta} \ln(n + g + \delta) + \frac{\alpha}{1 - \alpha - \beta} \ln(s_k) + \frac{\beta}{1 - \alpha - \beta} \ln(s_k)$$

$$(30)$$

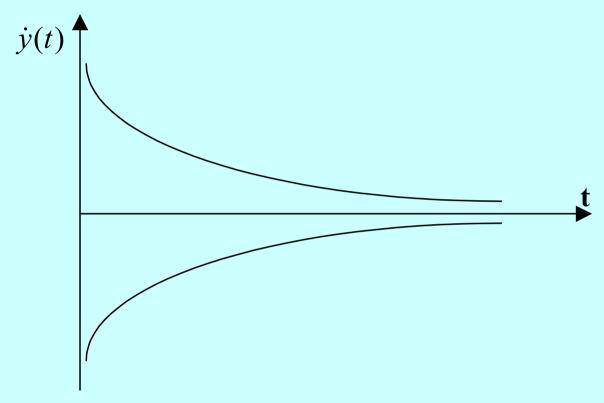
## Оценка расширенной модели Солоу

Зависимая переменная: log GDP на одного человека в трудоспособном возрасте в 1985 г.									
Страны:	He	Со средним уровнем	ОЭСР						
	нефтедобывающие	развития							
Количество наблюдений:	98	75	22						
CONSTANT	6.89	7.81	8.63						
	(1.17)	(1.19)	(2.19)						
ln(I/GDP)	0.69	0.70	0.28						
	(0.13)	(0.15)	(0.39)						
$ln(n+g+\delta)$	-1.73	-1.50	-1.07						
	(0.41)	(0.40)	(0.75)						
ln(SCHOOL)	0.66	0.73	0.76						
	(0.07)	(0.10)	(0.29)						
$\overline{R}^{2}$	0.78	0.77	0.24						
s.e.e.	0.51	0.45	0.33						
Сокращенная регрессия:									
CONSTANT	7.86	7.97	8.71						
	(0.14)	(0.15)	(0.47)						
$ln(I/GDP) - ln(n + g + \delta)$	0.73	0.71	0.29						
, , , ,	(0.12)	(0.14)	(0.33)						
$ln(SCHOOL) - ln(n + g + \delta)$	0.67	0.74	0.76						
	(0.07)	(0.09)	(0.28)						
$\overline{R}^{2}$	0.78	0.77	0.28						
s.e.e.	0.51	0.45	0.32						
Проверка ограничений (Test of									
restriction):									
p-value	0.41	0.89	0.97						
Предполагаемое значение α	0.31	0.29	0.14						
,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	(0.04)	(0.05)	(0.15)						
Предполагаемое значение β	0.28	0.30	0.37						
,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	(0.03)	(0.04)	(0.12)						

В скобках указана стандартная ошибка.

Темп роста инвестиций и населения дан в среднем за период с 1960—1985 гг. Темп роста (g + д) предполагается равным 0.05. SCHOOL - средний процент трудоспособных лиц, окончивших среднию школу в период с 1960 по 1985 гг.

### Сходимость модели Солоу с учетом человеческого капитала

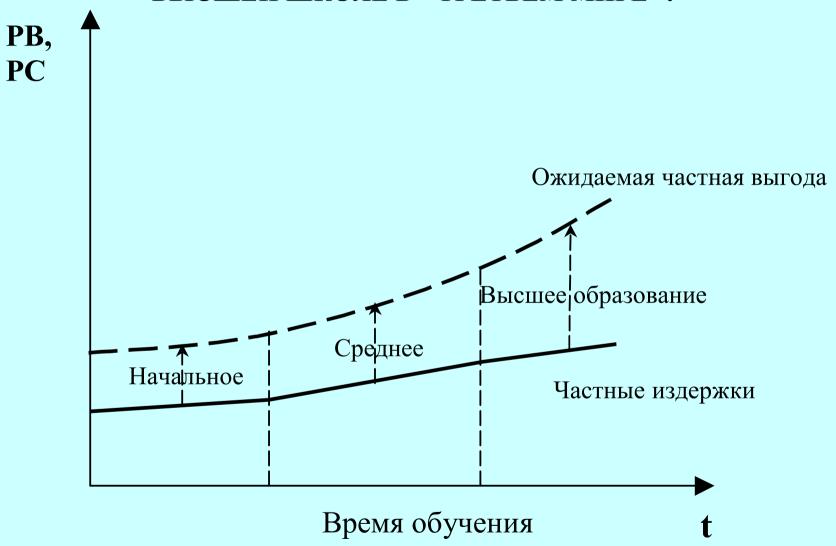


$$\frac{d\ln(y(t))}{dt} = \lambda[\ln(y^*) - \ln(y(t))], \qquad (31)$$

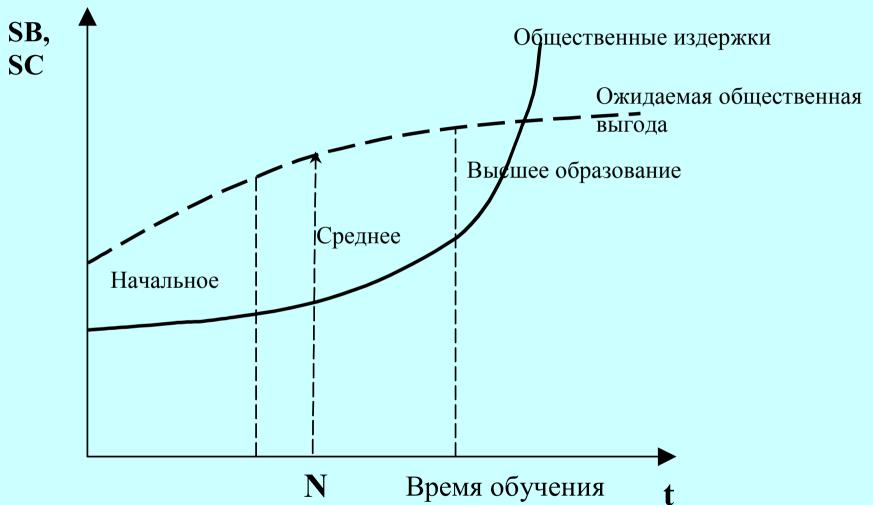
где 
$$\lambda = (n + g + \delta)$$
 (1-  $\alpha$  -  $\beta$ ), (32)

ЕСЛИ 
$$\alpha = \beta = \frac{1}{3}$$
 И  $(N + G + \delta) = 0.06$ , то  $\lambda = 0.02$ 

## **ЧАСТНЫЕ ИЗДЕРЖКИ И ВЫГОДЫ В НАЧАЛЬНОЙ, СРЕДНЕЙ И ВЫСШЕЙ ШКОЛЕ В "ТРЕТЬЕМ МИРЕ".**



# Общественные издержки и выгоды в начальной, средней и высшей школе в "третьем мире".



## МАКРОЭКОНОМИЧЕСКИЕ ФАКТОРЫ РОСТА

	Зависимые переменные	Сходимость	Сбереж./	Рост населения	Образование	Изменение правит. расходов	Полит. нестабильно сть	Фискальные и монет. Перемен.	Торговые переменные	Инфляция
Барро (1991)	Рост среднеду ш. дох.	Условн.	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Значима (+)	Значима (-)	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается
Мэнкью, Ромер, Уэйл (1992) <sup>2</sup>	Уровень среднеду ш. дох.	Условн.	Значима (+)	Значима (+)	Значима (+)	Не рассмат риваетс я	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается
Найт, Лойази, Виллануэ ва (1993) <sup>3</sup>	Рост вып. на одного раб.	Условн.	Значима (+)	Значима (+)	Значима (+)	Не рассмат риваетс я	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Значима (+)	Не рассматр ивается
Барро, Ха Ли (1993) <sup>4</sup>	Рост ВВП	Условн.	Значима (+)	Не рассматр ивается	Значима (+)	Значима (-)	Значима (-)	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается
Левин, Ренелт (1992) <sup>5</sup>	Рост среднеду ш. дох.	Условн.	Значима (+)	Не устойчив ая	Значима (+)	Не устойчи вая	Не устойчив ая	Не устойчив ая	Не устойчив ая	Не устойчив ая
Левин, Зервос (1993) <sup>6</sup>	Рост среднеду ш. дох.	Условн.	Не рассматр ивается	Не рассматр ивается	Значима (+)	Не рассмат риваетс я	Значима (+)	Мало значима	Мало значима	Не значима

## КОНЕЦ 6-й лекции

